

「分布」とは

(測定対象や現象が) **分布する**とは、ある測定対象や現象から得られる数量が大小ばらばらである、という意味です。例えば、「イチロー選手が1試合に打つヒットの数」や「日本男性の身長」は分布します。現実の調査対象についてデータを集めると、そのデータは分布しているほうが自然です¹。

データが大小ばらばらであるならば、それが「どう」ばらばらかを知ることが、分布を知ることにつながります。すなわち、データの分布を数量的に表現するとは、分布しているデータの**どんな値がどのくらい頻繁に現れるか**、をとらえることになります。例えば、「イチロー選手が1試合に打つヒットの数」で言えば、ヒットの数が0本である試合が何試合、1本である試合が何試合、... というように分布を表現することができます。このように、どのくらい頻繁に現れるかを表す量を**度数**といいます。また、度数を「何試合」と数えるのではなく、全体の試合数に対する割合で「何%」と表すほうが、試合数の違ういろいろな分布を比較するのに便利です。このように%の単位で表した度数を、とくに**相対度数**といいます。このようにして、度数を使って表現された分布を**度数分布**といいます。

一方、「日本男性の身長」のようなデータの場合は、身長は「測る」もので、ヒットの数のように「0本、1本、...」と「数える」ことはできません。そこで、「...、160cm 以上 165cm 未満の人が何%、165cm 以上 170cm 未満の人が何%、...」のように、数量をある間隔をもつ段階に区切って、各段階に入る数量がどのくらい頻繁に現れるかで分布を表現します。この段階を**階級**といい、ひとつの階級に入る値の範囲を**階級幅**といいます。

このとき、「169.4cm 以上 169.5cm 未満の人が何%、169.5cm 以上 169.6cm 未満の人が何%、...」などとあまりに細かい話をしても、分布の特徴を把握することはできませんから、適当な間隔の階級を用いる必要があります。

度数分布を作ってみましょう

データから度数分布を作ってみましょう。下の数字は、あるクラス 50 名の試験の得点です。

階級幅の取り方を 10 点として、度数分布表を作って表に書き込んで行きます。「95 点」のデータは 85 点以上 95 点未満の階級に入れます。こういう場合、度数を数えるには、「正」の字を書く、4 本の縦棒に 1 本の横棒を重ねる、などの、5 ごとにまとめて数える方法がよく用いられます。

35	62	65	23	40	30	70	55	57	65	15	90	67	65	70	45	80
79	46	45	25	50	62	75	78	48	50	60	75	75	60	78	58	78
63	95	20	46	55	56	70	60	79	18	63	67	85	25	40	50	

度数分布表は表 1 のようになります。表の左から 3 列目に**階級値**というのがあります。これは、各階級の上限下限の中間の値で、その階級に入ったデータ（すなわち試験の得点）は、どれも概略この値であると考えます。

¹ある党の得票率が 100%であるような選挙は、不自然でしょう。

以上	未満	階級値	度数	相対度数
15	25	20	4	0.08 (8%)
25	35	30	3	0.06 (6%)
35	45	40	3	0.06 (6%)
45	55	50	8	0.16 (16%)
55	65	60	12	0.24 (24%)
65	75	70	8	0.16 (16%)
75	85	80	9	0.18 (16%)
85	95	90	3	0.06 (6%)
x	x	x	計 50	計 1 (100%)

表 1: 度数分布表

ヒストグラム

度数分布を目に見えるようにするために、横軸に階級、縦軸に度数（相対度数）をとり、階級幅を底辺、度数を面積とする柱で各階級の度数を表したグラフを、**ヒストグラム**といいます。

ヒストグラムは、図1のような棒グラフとは違い、図2のように柱の間隔を開けずに描きます。

このように、柱の間隔を開けず、また柱の「面積」で度数を表現するのは、階級の区切りかたを自由に変更できるようにするためです。ヒストグラムの横軸は本来連続した値を表しているものであり、柱どうしが分れているのは、連続した値を階級に分割したからです。分割のしかたは自由ですから、ヒストグラムでの階級の区切りかたも自由に変更できるはずですが、柱の面積で度数を表現しておけば、柱を分割・結合することで、階級を変更することができます。

図3のように、例えば「となりあう2つの階級の度数の合計」は、となりあう2つの柱の面積の合計となります。同様に、「100～120の階級の度数が10」ということを、「100～110の階級の度数が5、110～120の階級の度数が5」と分割して考えることもできます。

また、階級の幅が途中で違っていると高さや度数は一致せず、同じ度数でも階級の幅が2倍ならば高さは半分になります。このように階級の幅が途中で違っている度数分布は、階級幅を一定にすると度数が極端に違ってしまう場合、同じ階級幅でも階級値によって意味が大きく違う場合に用いられます²。

ボックスプロット

ヒストグラムをさらに簡略化して表現したのがボックスプロット（箱ひげ図）です。これは図4のように、最小値、第1（下側）四分位数、中位数（中央値、メディアン）、第3（上側）四分位数、最大値だけをグラフの中に表示したものです。分布の形を簡単な図で概略つかむことができます。ここで、中位数とは、データを小さいほうから並べたときに順位が50%（データが100個のとき50位）であるもの、第1（第3）四分位数はそれぞれ25%、75%になるものをさします。

ボックスプロットを描くときに、最大値や最小値が他のデータから飛び離れている場合は、それを別扱いにして表現することもあります。これは、このような1つだけ飛び離れた値は、他のデータが分布

²年収300万円と400万円は意味がかなり違いますが、年収1億円と1億100万円はあまり差がないでしょう。

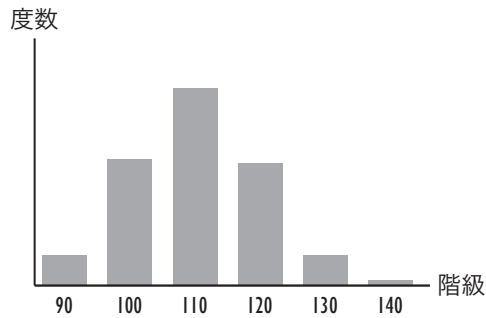


図1: ヒストグラムはこんなふうには描かない

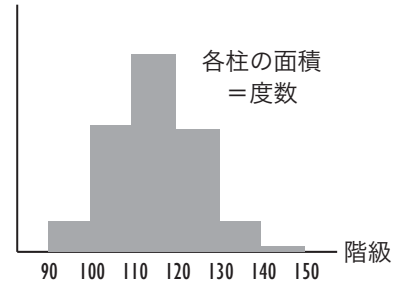


図2: ヒストグラムはこう描く

している理由とは別の理由によって生じている場合があるからです。このような飛び離れた値を**外れ値 (outlier)** といいます。外れ値がある場合、最大値・最小値は外れ値を除いたものを表示します。

ボックスプロットの利点は、図5のように複数のボックスプロットを並べたパラレルボックスプロットによって比較しながら見られるところです。ただし、ボックスプロットにはデータから抽出した量しか表示されておらず、データそのものは隠れてしまっているので注意が必要です。

余談

視覚的表現は直観的印象でデータを表現するため、説得力の高い表現を行うことができます。しかし、直観的印象はグラフの描き方によってかなり変化するため、グラフを読むほうはデータについての錯覚を起こさないように注意する必要があります。各データの大きさを棒の長さで表して比較する「棒グラフ」は、小学生の時から知っているおなじみのグラフですが、慣れているだけに、よく注意して見ないとだまされるおそれがあります。次の設問について教えてください。

1. 図A1は、いずれも同じデータをグラフにしたものです。差が際立って見えるのはどれでしょうか。
2. 棒グラフの棒を、いろいろな形で表すと、親しみが持てるグラフにはなりますが、誤解を生みやすくもなります。図A2の例は、棒グラフの棒を缶の形にしたものですが、このような描き方は正当でしょうか？

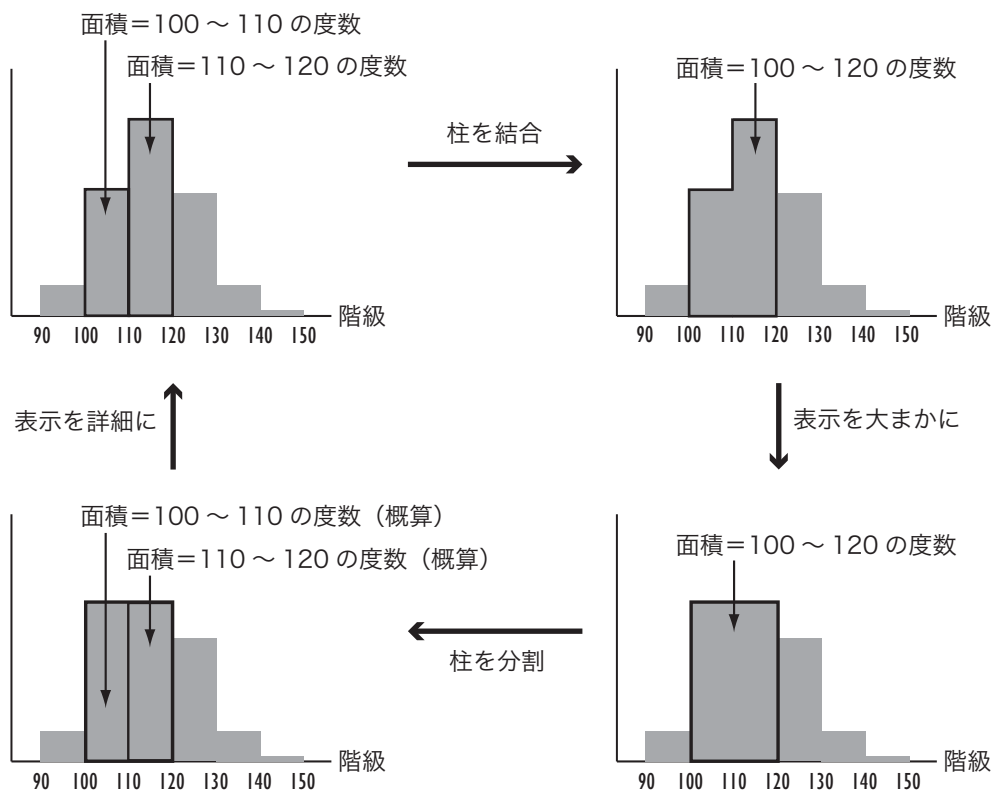


図3: 柱の分割と結合

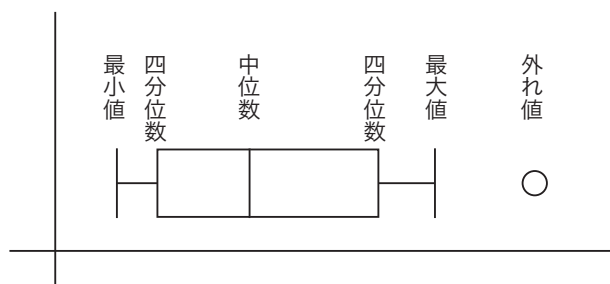


図4: ボックスプロット

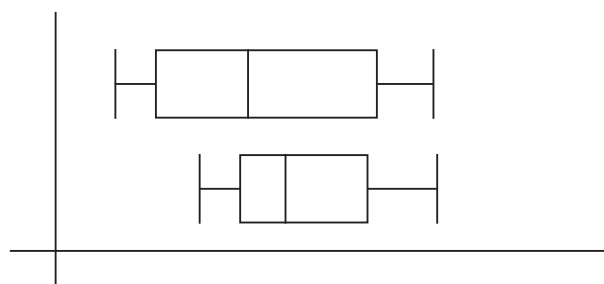


図5: パラレルボックスプロット

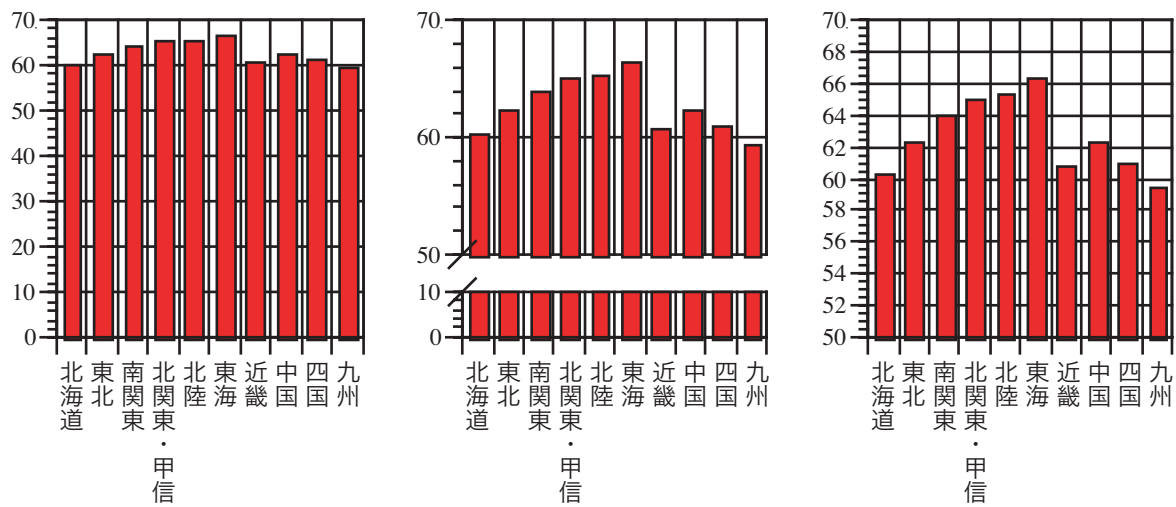


図 A1: 棒グラフの例 (平成9年就業構造基本調査より)

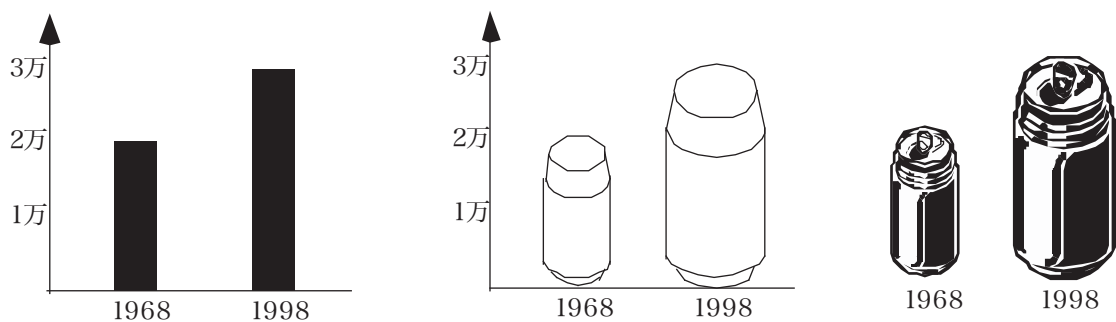


図 A2: 怪しいグラフ (架空のデータ)