2020年度秋学期 画像情報処理 第10回 Radon変換と投影定理

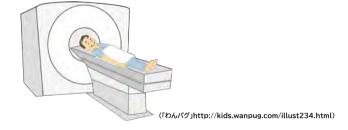
> 浅野 晃 那大学総合情報学部



CTスキャナとは99

CTスキャナとは

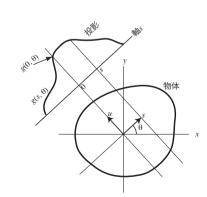
CT(computed tomography) = 計算断層撮影法



体の周囲からX線撮影を行い、そのデータから断面像を計算で求める

2020年度秋学期 画像情報処理 / 関西大学総合情報学部 浅野 晃 3 | 17

CTを実現するには

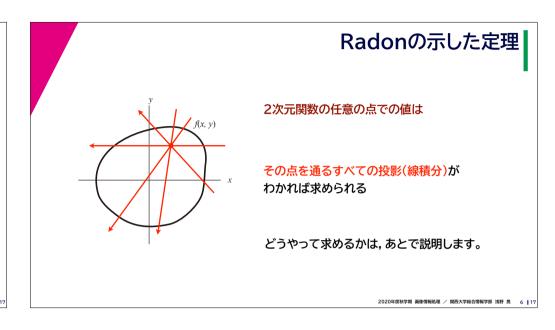


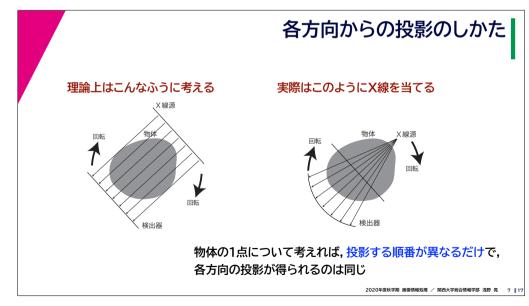
ある方向からX線を照射し、 その方向での吸収率(投影)を調べる

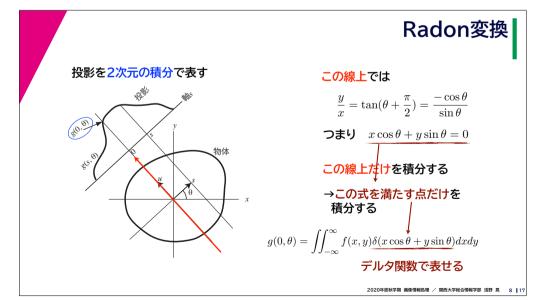
すべての方向からの投影がわかれば, 元の物体における吸収率分布がわかる

2020年度秋学期 画像情報処理 / 関西大学総合情報学部 浅野 晃 4 | 17

投影とは X線がある直線に沿って物体を通過するとき、直線上の各点で吸収される 通過したX線の量は、入射した量に吸収率の積分(線積分)をかけたものになっている 投影=吸収率の線積分 直線上の吸収率の合計であって、どの点で吸収されたかはわからない





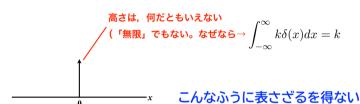


ディラックのデルタ関数 $\delta(x)$

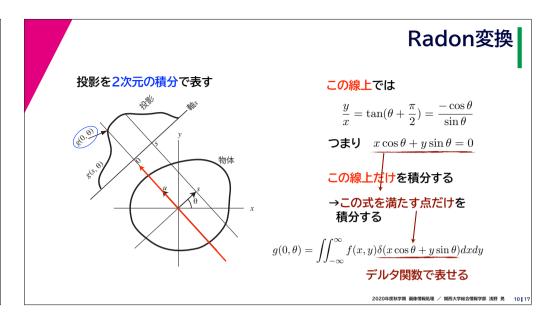
$$\delta(x) = 0 \ (x \neq 0), \quad \int_{-\infty}^{\infty} \delta(x) dx = 1$$

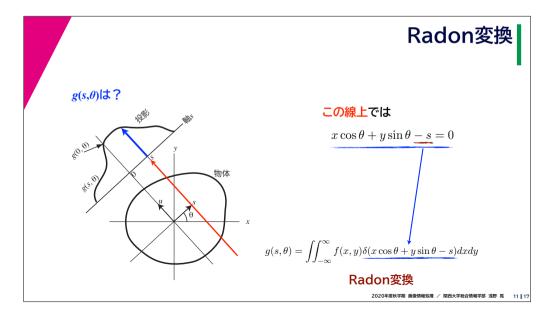
x=0 の1点以外すべてゼロ

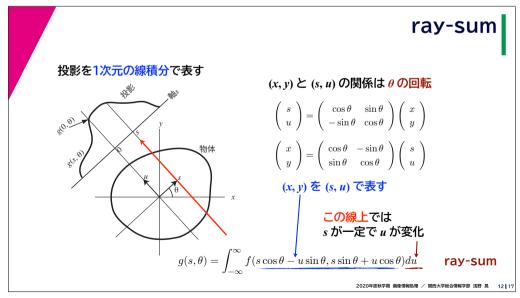
x=0をはさんで積分すると1

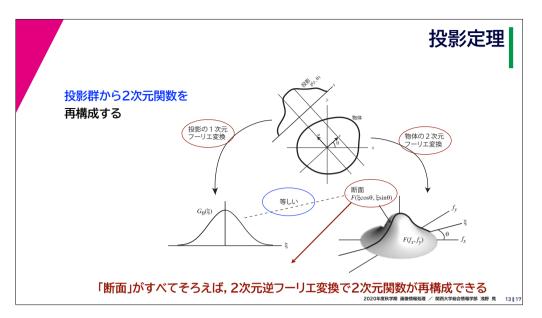


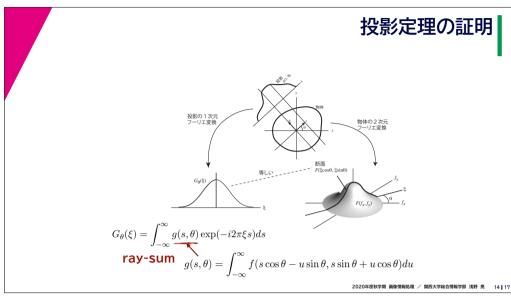
2020年度秋学期 画像情報処理 / 関西大学総合情報学部 浅野 晃

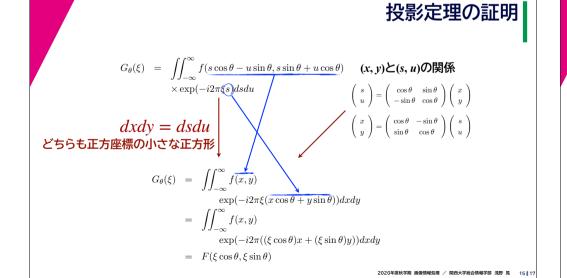


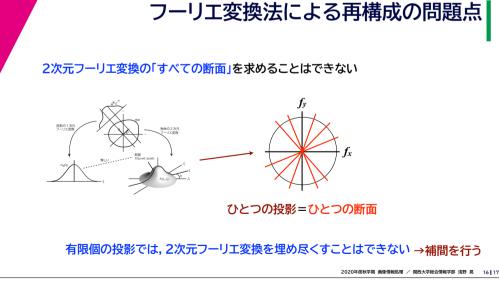






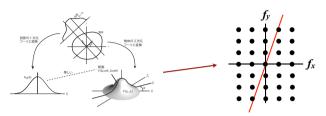






フーリエ変換法による再構成の問題点

補間を行う。が、コンピュータで計算する限りは「離散的」



周波数空間での誤差は、画像全体にひろがる アーティファクトを生む

断面は極座標

2次元フーリエ変換は正方座標

コンピュータの能力が低かった時代は精密な計算が難しかった →さてどうした?

2020年度秋学期 画像情報処理 / 関西大学総合情報学部 浅野 晃 17 | 17